

Data: 31/03/16

1. Seja \mathcal{V} um espaço vetorial sobre um corpo \mathbb{F} e seja $\mathcal{M} = \{V_1, V_2, \dots\} \subseteq \mathcal{V}$.

- (a) Mostre que $[V_1, \dots, V_r]$ ($= [\{V_1, \dots, V_r\}]$) é um subespaço de \mathcal{V} para todo $r \in \mathbb{N} \setminus \{0\}$.
- (b) Mostre que $[V_1, \dots, V_k] \subseteq [V_1, \dots, V_{k+1}]$ para todo $k \in \mathbb{N} \setminus \{0\}$.
- (c) Mostre que $[\mathcal{M}]$ é um subespaço de \mathcal{V} .
- (d) Mostre que $[V_1, \dots, V_r] \subseteq [\mathcal{M}]$ para todo $r \in \mathbb{N} \setminus \{0\}$.