

SEMINÁRIO DE GEOMETRIA DO IME-USP

Título: **Hipersuperfícies mínimas em \mathbb{S}^5 com curvatura escalar e função simétrica elementar σ_3 constantes**

Expositor: **Luiz Amancio M. Sousa Jr.**

Instituição: **Universidade Federal do Estado do Rio de Janeiro (UNIRIO).**

Dia e Horário: **17 de maio às 14:00 horas.**

Abstract: Seja $x : M^n \rightarrow \mathbb{S}^{n+1}$ uma hipersuperfície imersa na esfera euclidiana unitária \mathbb{S}^{n+1} . A k -ésima função simétrica elementar das curvaturas principais $\lambda_1, \lambda_2, \dots, \lambda_n$ de x é definida por $\sigma_k = \sum_{1 \leq i_1 < \dots < i_k \leq n} \lambda_{i_1} \dots \lambda_{i_k}$, onde a soma é tomada sobre todos os produtos de k dos λ_i .

A curvatura média H e a curvatura de Gauss-Kronecker K são definidas por $H = \sigma_1 = \sum_{i=1}^n \lambda_i$

e $K = \sigma_n = \prod_{i=1}^n \lambda_i$. Se R é a curvatura escalar não normalizada, resulta da *Equação de Gauss*

que $R = \sigma_2 = \sum_{1 \leq i_1 < i_2 \leq n} \lambda_{i_1} \cdot \lambda_{i_2} + n(n-1)$. As hipersuperfícies M^n com curvatura média

identicamente nula são chamadas mínimas.

Considere a seguinte conjectura:

Uma hipersuperfície M^n fechada (compacta sem bordo), minimamente imersa em \mathbb{S}^{n+1} e cujas funções simétricas elementares $\sigma_2, \sigma_3, \dots, \sigma_{n-1}$ são constantes é isoparamétrica.

Uma hipersuperfície $x : M^n \rightarrow \mathbb{S}^{n+1}$ é chamada isoparamétrica se todas as curvaturas principais de x são constantes.

Esta conjectura foi provada para $n = 3$ por S. Chang em 1993 e recentemente, no caso $n = 4$ e $\sigma_3 \equiv 0$, independentemente, pelo autor e M. Scherfner e por Q. Deng, H. Gu e Q. Wei.

Nesta palestra provaremos os seguintes resultados:

Teorema. *Seja M^4 uma hipersuperfície fechada, minimamente imersa em \mathbb{S}^5 , com curvatura escalar R constante e terceira função simétrica elementar σ_3 constante não nula. Se a curvatura escalar é não negativa, então M^4 é isométrica ao Toro de Clifford $\mathbb{S}^1\left(\frac{1}{2}\right) \times \mathbb{S}^3\left(\frac{\sqrt{3}}{2}\right)$.*

e como aplicação do Teorema de Gauss-Bonnet

Teorema. *Seja M^4 uma hipersuperfície fechada, minimamente imersa em \mathbb{S}^5 , com curvatura escalar R constante e terceira função simétrica elementar σ_3 constante não nula. Se a curvatura de Gauss-Kronecker não se anula, então M^4 é isométrica ao Toro de Clifford $\mathbb{S}^1\left(\frac{1}{2}\right) \times \mathbb{S}^3\left(\frac{\sqrt{3}}{2}\right)$.*