

Equações cartesianas e paramétricas do plano

$$\text{Eq. cartesiana: } ax + by + cz = ax_0 + by_0 + cz_0$$

$$P_0 \in \pi \quad (a, b, c) \perp \pi$$

$$\text{Eq. paramétrica do plano: } P_0 + r \vec{V} + s \vec{W}$$

$$P_0 \in \pi \quad \vec{V}, \vec{W} \parallel \pi$$

\vec{V}, \vec{W} representam uma base para π
então dado um plano teremos
infinitas representações paramétricas

EX.

$$x + 2y - z = 4$$

$$P_0 \in \pi \quad (1, 2, 1), (0, 2, 0), (4, 1, 2)$$

vetores $\parallel \pi$
[vetores $\perp (a, b, c)$]
 $(1, 2, -1)$ $(1, 0, 1), (0, 1, 2), (-2, 1, 0), (-1, 1, 1)$

$$\begin{aligned} & (1, 2, 1) + r(1, 0, 1) + s(0, 1, 2) \\ & (0, 2, 0) + r(-2, 1, 0) + s(-1, 1, 1) \\ & (4, 1, 2) + r(0, 1, 2) + s(-1, 1, 1) \end{aligned}$$

DADA UMA EQUAÇÃO PARAMÉTRICA

$$(1, 2, 3) + r(1, 1, 2) + s(0, 1, 0)$$

EXISTE CLARAMENTE UMA ÚNICA EQUAÇÃO CARTESIANA

$$(1, 1, 2) \times (0, 1, 0) = (a, b, c)$$

$$\begin{vmatrix} 1 & 1 & 2 \\ 0 & 1 & 0 \end{vmatrix}$$

$$\begin{pmatrix} 1 \cdot 0 - 2 \cdot 1 & 2 \cdot 0 - 1 \cdot 0 & 1 \cdot 1 - 0 \cdot 1 \end{pmatrix}$$

$$(-2, 0, 1)$$

$$-2x + 0y + 1z = -2 \cdot 1 + 0 \cdot 2 + 1 \cdot 3$$

$$z - 2x = 1$$