

Tópicos:

- 1-Defina brevemente o significado de estimação pontual e estimação por intervalo.
- 2-Descreva o uso do método dos momentos para estimação pontual.
- 3-Descreva o uso do método de máxima verossimilhança para estimação pontual.
- 4-Exemplifique o uso do método dos momentos e o uso do método de máxima verossimilhança para estimação pontual.
- 5-Verdadeiro ou falso?. Justifique:
a estimativa pontual obtida pelo método dos momentos da sempre igual a aquela obtida pelo método de máxima verossimilhança.
- 6-Enuncie e exemplifique o princípio da invariância de estimadores
- 7-Apresente pelo menos três funções de perda usualmente utilizadas na inferência.
- 8-Defina a função de risco associada a uma determinada função de perda.
- 9-Defina o erro quadrático médio, utilizando uma perda determinada. Exemplifique o conceito.
- 10-Defina viés de um estimador e mostre que o erro quadrático médio é igual ao viés ao quadrado mais a variância do estimador.
- 11-Defina o conceito de suficiência. Apresente um exemplo deste conceito e demonstre a suficiência usando apenas a definição.
- 12-Enuncie e exemplifique o teorema da fatoração.
- 13-Demonstre o teorema da fatoração no caso discreto.
- 14- Verdadeiro ou falso?. Justifique:
a-Se $T_1=g(T_2)$ e T_1 é suficiente então T_2 é suficiente.
b-Se $T_1=g(T_2)$ e T_2 é suficiente então T_1 é suficiente.
- 15-Defina o conceito de estatística suficiente e minimal
- 16-Apresente um exemplo do conceito de estatística suficiente minimal demonstrando estas propriedades usando apenas a definição.
- 17-Apresente algum resultado que possa lhe auxiliar na determinação de uma estatística suficiente minimal e exiba um exemplo, usando este resultado.
- 18-Demonstre algum resultado que possa lhe auxiliar na determinação de uma estatística suficiente minimal.
- 19- Verdadeiro ou falso?. Justifique:
estatísticas suficientes e minimais são únicas.
- 20-Defina e exemplifique o conceito de estatística ancilar.
- 21-Defina e exemplifique família exponencial uni e multiparamétrica. Apresente exemplos de ambos casos.
- 22-Defina consistência quadrática e consistência simples. Discuta o nexos entre consistência simples e lei fraca dos grandes números.
- 23-Defina Sequências BAN. Apresente um exemplo deste conceito.
- 24-Defina o conceito de ENVUMV, estimador não viciado uniformemente de mínima variância. Motive este conceito usando algum conceito de consistência.
- 25-Enuncie e exemplifique o Teorema de Rao-Blackwell.
- 26-Demonstre o Teorema de Rao- Blackwell.
- 27-Defina e exemplifique o conceito de completude.
- 28-Apresente um resultado que permite, determinar estatísticas suficientes completas e minimais.
- 29-Enuncie o lema de Scheffé e apresente um exemplo.

- 30-Demonstre o resultado apresentado no lema de Scheffé.
- 31-Verdadeiro ou falso?. Justifique:
- a-O Teorema de Rao-Blacwell, fornece um ENVUMV.
- b-Se $T=l(S)$ é estimador não viciado e S é suficiente minimal, então, T é ENVUMV.
- 32-Apresente as condições de regularidade usualmente assumidas e defina o número de informação de Fisher.
- 33-Apresente um resultado que permite para alguns tipos de distribuições, garantir as condições de regularidade.
- 34-Apresente e discuta um caso que não verifica as condições de regularidade.
- 35-Enuncie e exemplifique um resultado que permite escrever o número de informação de Fisher como uma variância.
- 36-Enuncie o teorema da desigualdade de informação.
- 37-Demonstre o teorema da desigualdade de informação.
- 38-Defina o limitante inferior de Cramer-Rao.
- 39-Verdadeiro ou falso?. Justifique:
- a- Um estimador não viciado cuja variância for idêntica ao limitante inferior de Cramer-Rao é ENVUMV somente se ele for função de uma estatística completa.
- b-A variância de um estimador não viciado $T=l(S)$, onde S é suficiente completa coincide com o limitante inferior de Cramer-Rao.
- 40- Assuma que X_1, \dots, X_n é a.a. $N(\mu, \sigma^2)$. Determine um intervalo de Confiança para μ , assumindo σ^2 conhecido.
- 41- Assuma que X_1, \dots, X_n é a.a. $N(\mu, \sigma^2)$. Determine um intervalo de Confiança para μ , assumindo σ^2 desconhecido.
- 42- Assuma que X_1, \dots, X_n é a.a. $N(\mu, \sigma^2)$. Determine um intervalo de Confiança para σ^2 , assumindo μ desconhecido.
- 43- Assuma que X_1, \dots, X_n é a.a. $N(\mu, \sigma^2)$. Determine um intervalo de Confiança para σ^2 , assumindo μ conhecido.
- 44-Suponha que em n ensaios independentes $Ber(p)$ são registrados k sucessos e que n é suficientemente grande, construa o intervalo de confiança para p , por estimativa pontual.
- 45-Suponha que em n ensaios independentes $Ber(p)$ são registrados k sucessos e que n é suficientemente grande, construa o intervalo de confiança conservador para p .
- 46-Defina o conceito: Risco de decisão em teste de hipótese e mostre o vínculo deste risco com a região de rejeição de um teste. Qual é o vínculo entre risco de decisão e erros tipo I e II. Apresente esta discussão no contexto de um determinado teste.
- 47-Defina função poder de um teste e mostre a relação deste conceito com erros tipo I e II. Exemplifique.
- 48-Defina Nível de significância ou tamanho do teste. Exemplifique.
- 49-Especifique um procedimento que poderia ser utilizado para conduzir um teste de proporções, seja no caso de n pequeno, seja quando n pode ser considerado grande. Exemplifique ambas as situações, em testes uni e bi laterais.
- 50-Mostre em um teste de proporções que a função poder é não decrescente. Que tipo de inferência pode concluir usando este fato entre estes dos tipos de testes:
- a) $\theta \leq \theta_0$ vs $\theta > \theta_0$
- b) $\theta = \theta_0$ vs $\theta > \theta_0$.
- 51-Defina e exemplifique o teste do quociente de verossimilhanças no caso de hipóteses simples. Explique a ideia geral.

- 52-Defina o conceito de testes mais poderosos no caso de hipóteses simples. Qual é a problemática que justifica esta definição ?.
- 53-Enuncie e exemplifique o teorema de Neyman Pearson.
- 54-Demonstre o Teorema de Neyman Pearson.
- 55-Defina e exemplifique o conceito de teste minimax.
- 56-Enuncie algum resultado que permita afirmar quando um teste é minimax.
- 57-Demonstre o resultado do item anterior.
- 58-Defina teste quociente de verossimilhanças no caso de hipóteses compostas. Exemplifique.
- 59-Definição de testes uniformemente mais poderoso. Exemplifique.
- 60-Defina teste não viciado. Explique a necessidade deste conceito.
- 61-Teste de hipótese para a media da distribuição normal: sigma conhecido. Determine o teste uniformemente mais poderoso de tamanho alpha, quando $H_0: \mu \leq \mu_0$.
- 62-Discuta o teste anterior, no caso em que sigma é desconhecido.
- 63-Teste de hipótese para a media da distribuição normal: sigma conhecido. Determine o teste dado pelo quociente de verossimilhanças quando $H_0: \mu = \mu_0$ vs $H_1: \mu$ diferente de μ_0
- 64- Teste de hipótese para a variância da distribuição normal: mu conhecido. Determine o teste uniformemente mais poderoso de tamanho alpha, quando $H_0: \sigma^2 \leq \sigma_0^2$.
- 65-Teste de comparação de medias de populações normais de variâncias desconhecidas e iguais. Determine o teste do quociente de verossimilhanças no caso $H_0: \mu_1 = \mu_2$ vs $H_1: \mu_1$ diferente de μ_2 .
- 66-Comente como resolveria o item anterior de o teste a ser desenvolvido for: $H_0: \mu_1 \leq \mu_2$ vs $H_1: \mu_1 > \mu_2$
- 67-Postule uma estatística que permita desenvolver um teste de comparação de variâncias entre populações normais de medias desconhecidas, em todas as situações seguintes: $H_0: \sigma_1^2 \leq \sigma_2^2$ vs $H_1: \sigma_1^2 > \sigma_2^2$; $H_0: \sigma_1^2 = \sigma_2^2$ vs $H_1: \sigma_1^2$ diferente σ_2^2 ; $H_0: \sigma_1^2 \geq \sigma_2^2$ vs $H_1: \sigma_1^2 < \sigma_2^2$.
- 68-Testes assintóticos: teste chi-quadrado. Comente o uso e descrição do mesmo.
- 69-Utilize o item anterior para a construção de um teste de hipótese para os parâmetros da multinomial.
- 70- Apresente a alternativa de Karl Pearson para o desenvolvimento do item anterior.
- 71-Construa o teste de quociente de verossimilhanças para testar independência em tabelas de contingência. Aplique o conceito de testes assintóticos.
- 72-Enuncie o Teorema das probabilidades totais e o teorema de Bayes.
- 73-defina os conceitos de verossimilhança, distribuição a priori e distribuição a posteriori. Apresente um exemplo e discuta o nexo, se existir, entre priori e posteriori.
- 74-Defina o conceito paralelo em inferência Bayesiana, de estimador ótimo em termos do erro quadrático médio. No caso da inferência Bayesiana, e adoptando tal critério qual poderia ser considerado um ótimo estimador do parâmetro?.
- 75-Enuncie e exemplifique o principio da verossimilhança.
- 76-Enuncie e demonstre o uso sequencial do teorema de Bayes.
- 77- Apresente um resultado que mostra equivalências, desde o ponto de vista Bayesiano entre o conceito de suficiência e outras propriedades. Demonstre o resultado anterior.

