

1. Aproximação Binomial-Normal e Intervalos de Confiança para proporções

- 1 – a) Binomial - $P(Y = 7) = 0,0547$; Normal - $P(Y = 7) = 0,0268$; $P(Y < 6,5) = 0,0537$;
b) Binomial - $P(Y < 5) = 0,6331$; Normal - $P(Y < 5) = 0,7389$; $P(Y < 4,5) = 0,6255$
- 2 – $P(12 \leq Y < 13) = P(0,67 \leq Z < 1) = 0,09383$, com $Z = (Y - E(Y)) / (\text{VAR}(Y))^{1/2}$, $Y \sim \text{Binomial}$.
- 3 – a) 0,037; b) 0,0088; c) 0,0233; 0,0029; d) Prob exata-0,7054; Prob 1,5-0,3798; Prob 2-0,5305; Prob 2,5- 0,6768
- 4 – Intervalo por estimativa pontual [0,698; 0,7301]; Intervalo conservador [0,6671; 0,7328]
- 5 – a) 3942; b) [0,5344; 0,5655]
- 6 – a) [0,2772; 0,3828]; b) 2123
- 7 – [0,0104; 0,0327]

2. Teste de hipóteses para proporções

1 – p-valor = 0,2090, não há evidências para rejeitar H_0 a um nível de significância de 0,01.

2 – a) $H_0: p = 1/6$ vs $H_1: p \neq 1/6$.

b) Teste exato: p-valor = 0,5599, Teste aproximado pela Normal: p-valor = 0,4237;

c) p-valor = 0,1279, então não há evidências para rejeitar H_0 a um nível de significância de 0,1.

3 – a) $H_0: p = 0,5$ vs $H_1: p < 0,5$.

b) p-valor = 0,02718, então rejeita-se a hipótese nula a um nível de significância de 0,05.

4 – $z = 1,55$; não rejeita-se H_0 a um nível de significância de 0,05.

5 – $z = 1,72$; não rejeita-se H_0 a um nível de significância de 0,05.

6 – $z = 0,5$; não rejeita-se H_0 a um nível de significância de 0,05, ou seja, não há evidências que o primeiro método não é superior ao segundo.

7 – Teste exato: p-valor = 0,055; não rejeita-se H_0 a um nível de significância de 0,01.

8 - $H_0: p = 0,6$ vs $H_1: p > 0,6$, então a região crítica fica dada por $RC: \{(p^* - 0,6) * 18,25742 > 1,96\}$, com p^* sendo a proporção amostral observada.

3. Estimação por Intervalo para populações normais

1 – a) [13,811; 14,253], comp = 0,4413; [14,295; 13,769], comp = 0,5259;
[13,6869; 14,3780], comp = 0,6911. Observa-se que quanto maior o nível de confiança maior o tamanho do comprimento do intervalo.

b) [13,8882; 14,1767], comp = 0,2884; [13,8579; 14,2070], comp = 0,3491; [13,7938 ; 14,2711], comp = 0,4772.

2 – a) [0,4899; 1,6865], comp = 1,1966; [0,4455; 1,9555], comp = 1,51; [0,3733; 2,6616], comp = 2,2883.

b) [1,4927; 0,4141], comp=1,0786; [1,7425; 0,3755], comp=1,3670; [2,4071; 0,3131], comp= 2,0939.

3 – n = 160

4 – n = 68

4. Teste de hipóteses para populações Normais

1 - $H_0: \mu = 5$ vs $H_1: \mu < 5$, pois dada estas hipóteses o erro do tipo I seria a probabilidade de rejeitar H_0 dado que ela é verdadeira, ou seja, rejeitar que água está com níveis de radioatividade maiores que 5, dado que ela realmente é uma água não segura. Enquanto, o erro do tipo II seria não rejeitar H_0 dado que ela é falsa, ou seja, não rejeitar a hipótese de que a água não é segura, dado que ela apresenta uma concentração menor que 5. Assim, como controlamos o erro do tipo I, com as hipóteses estabelecidas desse modo, o erro mais "danoso" seria controlado.

2 - a) $t = -0,23$, não rejeita H_0 ; b) $t = 1,02$, não rejeita H_0 .

3 - a) $t = -1,7$, não rejeita H_0 , b) RC: $\{-1,77 > ((\bar{x} - \mu) * n^{1/2}) / s \text{ ou } ((\bar{x} - \mu) * n^{1/2}) / s > 1,77\}$; c) p-valor $< 0,0001$; d) $H_0: \mu = 40$ vs $H_1: \mu > 40$; $t = 1,94$, rejeita H_0 a 5% de significância.

4 - $t = 2,09$, rejeita H_0 a 5% de significância.

5 - a) p-valor = 0,1584, não rejeita H_0 a 5% de significância.

b) RC: $\{((\bar{x} - \mu) * n^{1/2}) / \sigma > 2,3027\}$.

6 - $t = 2,12$, rejeita H_0 a um nível de significância $\alpha = 0,05$, mas não rejeita-se H_0 a um nível $\alpha = 0,01$.

7 - a) p-valor = 0,0147, rejeita H_0 a 5% de significância; b) RC: $\{((\bar{x} - \mu) * n^{1/2}) / \sigma > 1,64\}$; c) 0,0014; d) $n = 13$.

8 - a) p-valor = 0,0234, não rejeita H_0 a 1% de significância; b) 0,2244; c) $n = 22$.

9 - a) p-valor = 0,0008, resposta: sim, pois rejeita-se H_0 ; b) $n = 18$.

10 - a) $z = 3,53$, rejeita H_0 ; b) $z = 3,29$, rejeita H_0 ; c) $t = 0,0145$, rejeita H_0 .

11 - $z = 1,80$, rejeita H_0 .

12 - $z = 6,74$, rejeita H_0 .

13 - RC: $\{6,2621 > (n-1)S^2 / \sigma_0^2 \text{ ou } (n-1)S^2 / \sigma_0^2 > 27,4883\}$; $\chi^2_{\text{teste}} = 25,35$, então não rejeita-se H_0 a 5% de significância.

14 - $z = -0,7934$, não rejeita-se H_0 a 5% de significância.

15 - RC: $\{7,2609 > \sum (X_i - \mu)^2 / \sigma_0^2\}$; $\chi^2_{\text{teste}} = 6$, então rejeita-se H_0 a 5% de significância, porém, não rejeita-se H_0 a 1% de significância.

5. Teste Qui-Quadrado

1- $\chi^2_{\text{teste}}=34,54$, então rejeita-se H_0 a 5% de significância.

2- $\chi^2_{\text{teste}}=19$, então rejeita-se H_0 a 5% de significância.

3- p-valor=0,3375, não rejeita-se H_0 a 5% de significância ou seja, temos indícios para concordar com a especificação.

4- $\chi^2_{\text{teste}}=4,4583$, então não rejeita-se H_0 a 5% de significância.

5- H_0 : não existe relação entre a idade e opção de voto, H_1 : existe relação entre a idade e opção de voto; $\chi^2_{\text{teste}}=33,899$, valor-p<0,00001, então não rejeita-se H_0 a 5% de significância.

6- $\chi^2_{\text{teste}}=19,688$, então rejeita-se H_0 a 5% de significância, ou seja, rejeita-se a hipótese de independência, ou seja, a chance de sofrer efeitos não é a mesma para indivíduos que receberam e não receberam tratamento.

7- $\chi^2_{\text{teste}}=5,5991$, então rejeita-se H_0 a 5% de significância, ou seja, rejeita-se a hipótese de independência entre as variáveis.

8- $\chi^2_{\text{teste}}=2,7463$, então não rejeita-se H_0 a 5% de significância, ou seja, não se rejeita a hipótese de independência e a escolha da fila pode ser influenciada pelo sexo.

9-Sexo: $\chi^2_{\text{teste}}=2,7249$, então não rejeita-se H_0 a 5% de significância, ou seja, não se rejeita a hipótese de independência.

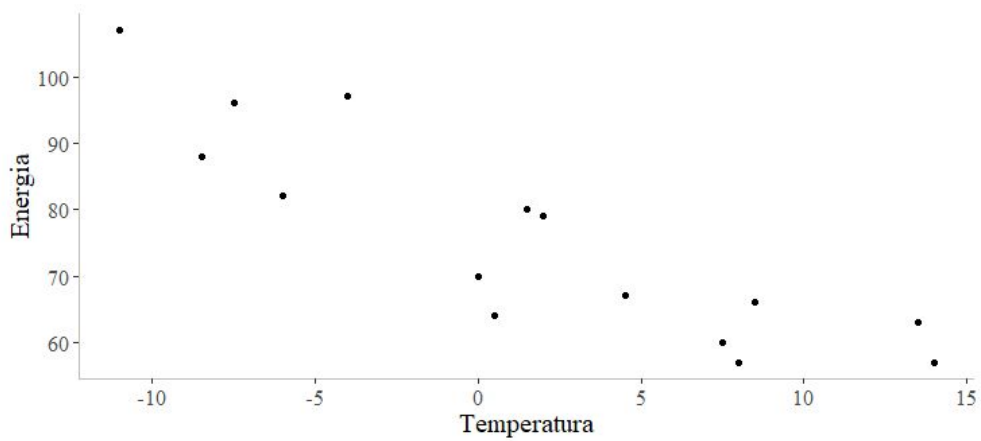
Estado civil: $\chi^2_{\text{teste}}=18,123$, então rejeita-se H_0 a 5% de significância, ou seja, rejeita-se a hipótese de independência.

10-a) H_0 : Existe dependência entre o sexo e a escolha do local;

H_1 : Não existe dependência entre o sexo e a escolha do local; b) Teste de Independência; c) Para o caso menos que 40 anos, não rejeita-se a hipótese de dependência entre as variáveis sexo e local. Já para o caso 40 ou mais, rejeita-se a hipótese de que exista dependência entre as variáveis sexo e local.

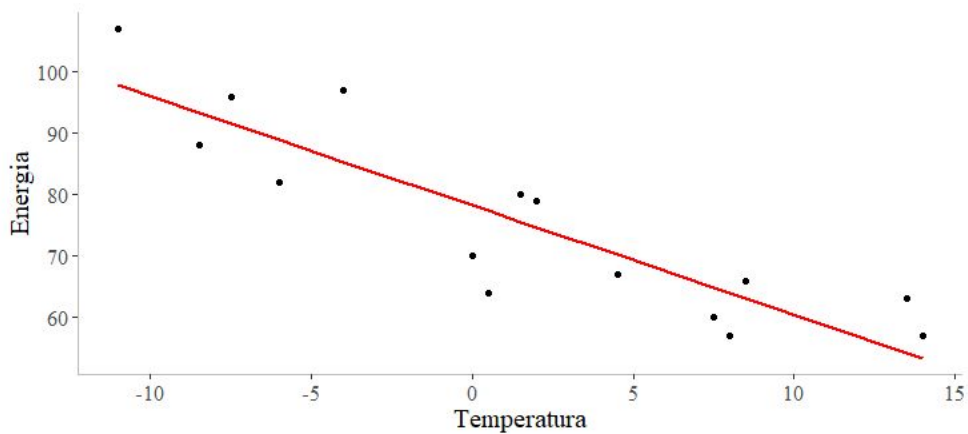
6. Regressão Linear e Método de Mínimos Quadrados

1- a)



b)- Correlação amostral= 0,88152

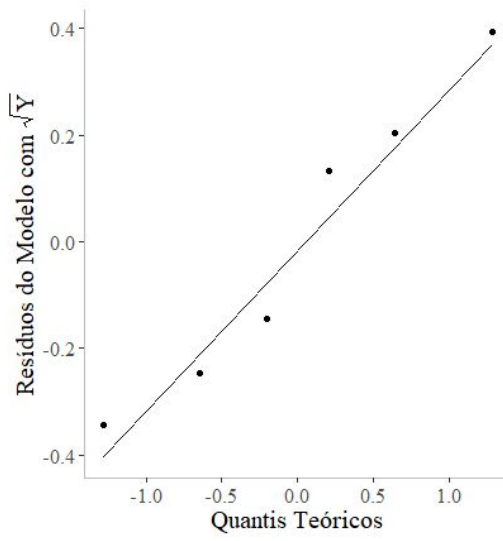
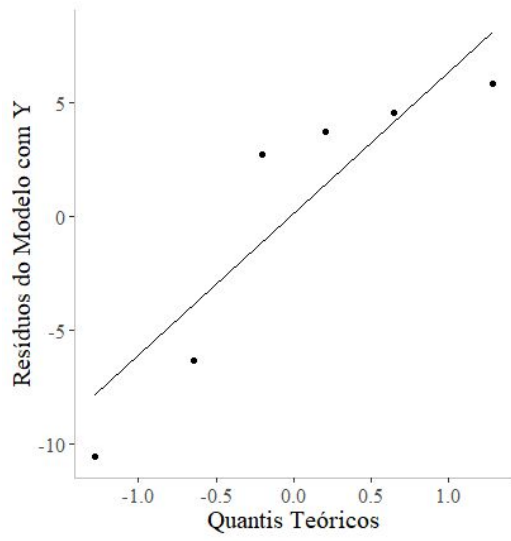
c)-



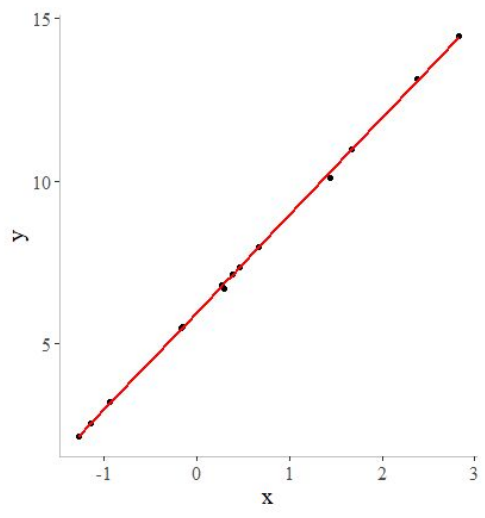
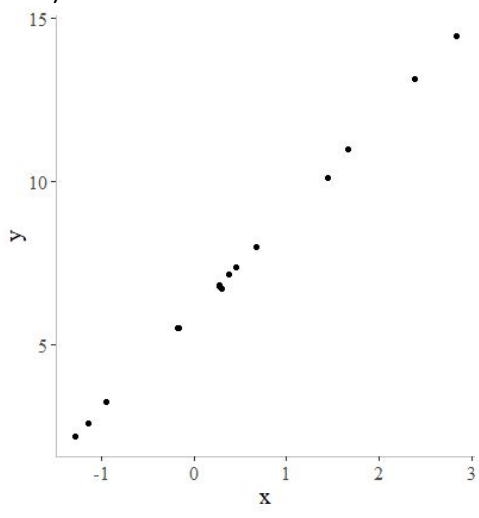
d)-EQM = 52.1886

e)- $y = 78,2588 - 1,7774 * x = 67,5939$

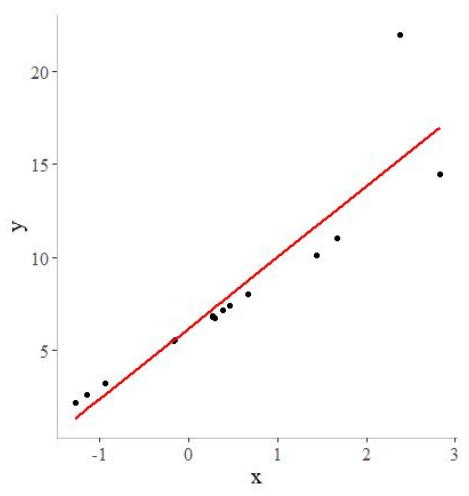
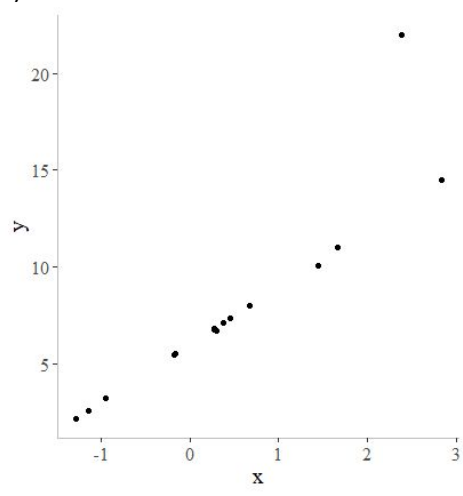
2- O modelo com Y como variável resposta apresentou um MSE igual a 38,1338 e um R^2 igual a 0,9842, enquanto o modelo com $Y^{1/2}$ como variável resposta apresentou um MSE igual a 0,0690 e um R^2 igual a 0,9932 mostrando ser mais preciso e melhor na qualidade do ajuste que o primeiro modelo, além disso, os gráficos quantil-quantil dos resíduos de ambos os modelos mostram que o modelo com $Y^{1/2}$ como variável resposta apresentou resíduos mais próximos a normalidade. Portanto, o modelo que melhor se ajustou aos dados foi o segundo modelo.



3-a)

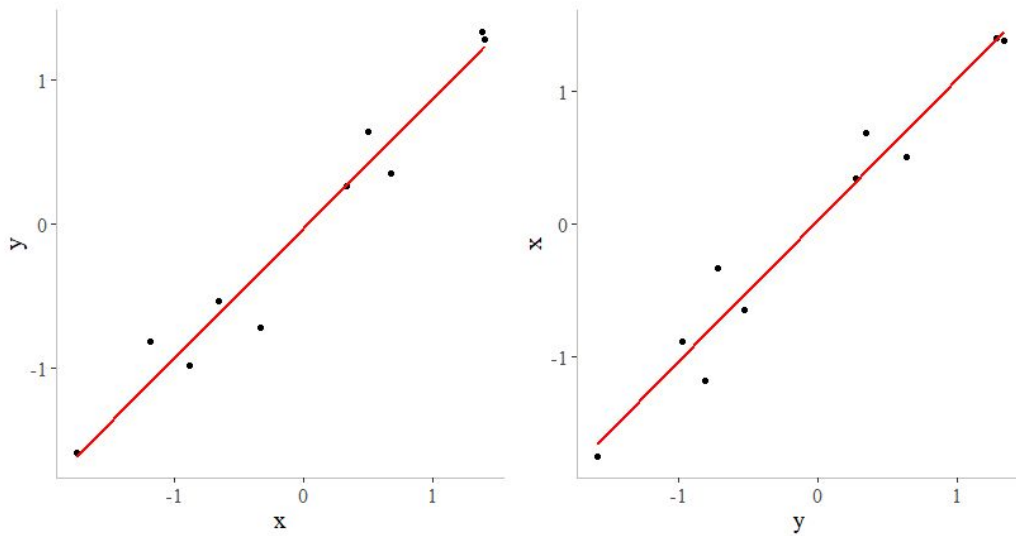


b)



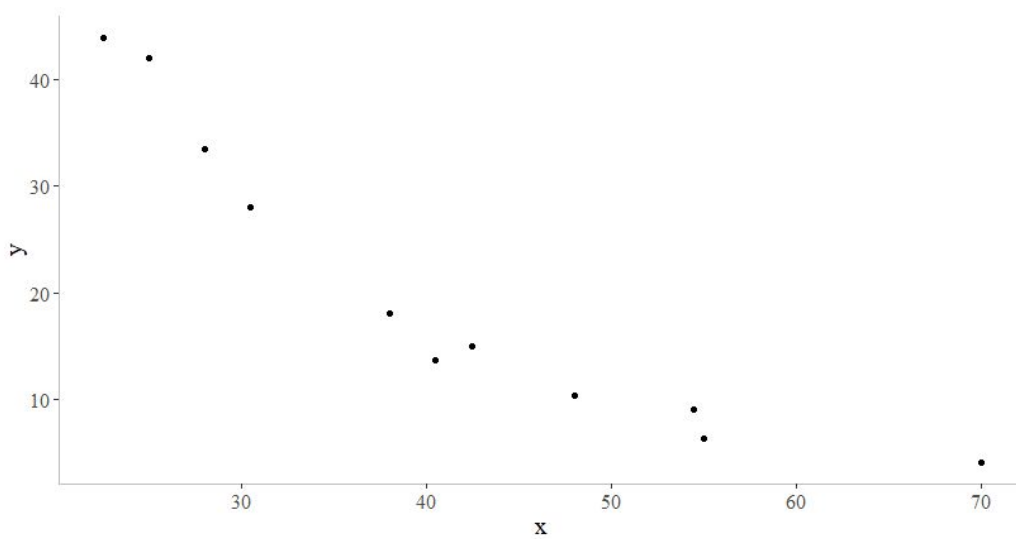
c) O primeiro modelo apresentou $MSE=0,0052$ e o segundo $MSE=4,002$, ou seja, a mudança do ponto fez com que o ajuste no segundo modelo ficasse insatisfatório, pois o MSE apresentou um aumento.

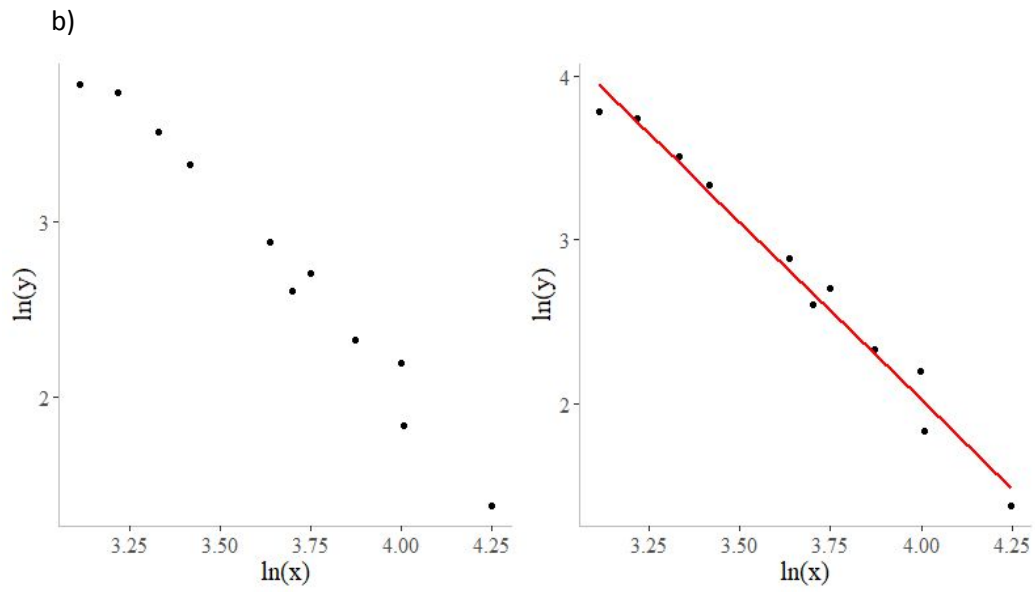
4)
a) e b)



c) Não são iguais, pois a estimação vai se basear em diferentes vetores para cada caso, o que interfere no ajuste.

5) a) Não, pois os dados apresentam comportamento não-linear.





c) $y = \exp(10,67 - 2,16 \cdot \log(62)) = 5,79$.

6)

a) $\hat{\alpha} = \frac{\sum X_i Y_i}{\sum X_i^2}$

b) $E(\hat{\alpha}) = \beta_1$ e $\text{Var}(\hat{\alpha}) = \frac{\sigma^2}{\sum X_i^2}$

7. Estimação por Máxima Verossimilhança

$$1) n=2; \sum_{i=1}^n x_i = 2.5 + 3 = 5.5; \hat{\lambda} = \frac{n}{\sum_{i=1}^n x_i} = \frac{1}{x}; \hat{\lambda} = 2/5.5$$

$$2) r=2; n=4; \sum_{i=1}^n x_i = 2 + 4 + 1 + 5 = 12; \hat{\theta} = \frac{r \times n}{\sum_{i=1}^n x_i + r \times n}; \hat{\theta} = 8/20$$

com a fórmula da binomial negativa como eu conheço:

$$\hat{\theta} = \frac{r \times n}{\sum_{i=1}^n x_i}; \hat{\theta} = 8/12$$

$$3) n=3; \sum_{i=1}^n x_i = 1 + 1 + 3 = 5; \hat{\lambda} = \frac{\sum_{i=1}^n x_i}{n} = \bar{x}; \hat{\lambda} = 5/3$$

$$4) n=6; \sum_{i=1}^n x_i = 0 + 5 + 1 + 7 + 1 + 3 = 17; \hat{p} = \frac{n}{\sum_{i=1}^n x_i + n}; \hat{p} = 6/23$$

com a fórmula da bernoulli como eu conheço

$$\hat{p} = \frac{n}{\sum_{i=1}^n x_i + n} = \frac{1}{x}; \hat{p} = 6/17$$