

(d)  $\tilde{V}$  é convexo

se  $[\tilde{V}]^\alpha$  é convexo  $\forall \alpha \in (0, 1)$

mas  $[\tilde{V}]^{0,9} = \{750, 1000, 1250\} \subseteq \text{supp}(\tilde{V})$

não é convexo porque  $1125 \notin [\tilde{V}]^{0,9}$

$\tilde{I}, \tilde{R} \notin \mathcal{F}(\mathbb{R})$  então  $\tilde{I}, \tilde{R}$  não são

números fuzzy

e daí o fato que o produto de números fuzzy

é um número fuzzy não se aplica.

$$4. A = (-1; 1; 3), B = (1; 3; 5)$$

$$[A]^\alpha = [2\alpha - 1, -2\alpha + 3], [B]^\alpha = [2\alpha - 1, -2\alpha + 5]$$

$$[A/B]^\alpha = [2\alpha - 1, -2\alpha + 3] \cdot \left[ \frac{1}{2\alpha + 1}, \frac{1}{-2\alpha + 5} \right]$$

$$\text{Seja } P = \left\{ \frac{2\alpha - 1}{2\alpha + 1}, \frac{2\alpha - 1}{-2\alpha + 5}, \frac{-2\alpha + 3}{2\alpha + 1}, \frac{-2\alpha + 3}{-2\alpha + 5} \right\}$$

$$0 < \alpha < 0,5: 2\alpha - 1 < 0 < -2\alpha + 3$$

$$0 < 2\alpha + 1 < -2\alpha + 5$$

$$\therefore \wedge P = \frac{2\alpha - 1}{2\alpha + 1}, \vee P = \frac{-2\alpha + 3}{2\alpha + 1}$$

$$0,5 \leq \alpha \leq 1: \left. \begin{array}{l} 0 \leq 2\alpha - 1 \leq -2\alpha + 3 \\ 0 \leq 2\alpha + 1 \leq -2\alpha + 5 \end{array} \right\} \wedge P = \frac{2\alpha - 1}{-2\alpha + 5}$$

$$\vee P = \frac{-2\alpha + 3}{2\alpha + 1}$$

$$[A/B]^\alpha = \begin{cases} \left[ \frac{2\alpha - 1}{2\alpha + 1}, \frac{-2\alpha + 3}{2\alpha + 1} \right] & \text{para } 0 < \alpha < 0,5 \\ \left[ \frac{2\alpha - 1}{-2\alpha + 5}, \frac{-2\alpha + 3}{2\alpha + 1} \right] & \text{para } 0,5 \leq \alpha \leq 1 \end{cases}$$