

$$(b) p_2(0) g(0) = p_2(0) = -1 \quad \checkmark$$

$$g(1) = p_2(1) = -3.5 + 5.5 - 1 = 1 \quad \checkmark$$

$$g(2) = p_2(2) = -3.5 \cdot 4 + 11 - 1 = -14 + 10 = -4 \quad \checkmark$$

$$g(3) = q_2(3) = 4 \quad \checkmark$$

$$g(4) = q_2(4) = 0 \quad \checkmark \quad \frac{1}{2} : g \text{ interpola os dados}$$

(c) Para ser um spline cúbico,  $g$  precisa ser em  $C^2([4, 4])$

$$\text{mas } p_2'(2) = -7 \cdot 2 + 5.5 = -14 + 5.5 = -8.5$$

$$q_2'(2) = 8 - 6[4 - 5] = 8 + 6 = 14$$

então  $g'(2)$  não existe e portanto  $g$  não é um spline cúbico

4.

$x_k$	$y_k$	$y_k' = \sin y_k \cdot e^{x_k} + y_k$	$\bar{y}_{k+1} = y_k + y_k' \cdot h$	$\bar{y}_{k+1} = \frac{\sin \bar{y}_{k+1} \cdot e^{\bar{x}_{k+1}}}{2} + \frac{\bar{y}_{k+1}}{2}$	$\Delta y_k \approx \frac{y_k' + \bar{y}_{k+1}'}{2} \cdot h$
1	2	6.4717	2.6472	8.4331	0.7452
1.1	2.7452	8.6961	3.6149	11.5539	1.0125
1.2	3.7577				

$$\therefore y(1.2) \approx \underline{\underline{3.7577}}$$