

**Topologia Geral - Prova 3**  
1 Sem 2016 - Prof. Régis Varão

**Nome completo:**

**Graduação e/ou Pós-graduação:**

**RA:**

**A sua nota depende da clareza e organização na exposição dos argumentos.** Coloque as folhas na ordem correta para que sejam grampeadas.

Questão 1 (1,5 pt):

Questão 2 (3 pts):

Questão 3 (2 pts):

Questão 4 (2 pts):

Questão 5 (2,5 pts):

Total:

**Questão 1.** (1,5 ponto) Seja  $X$  regular com base da topologia enumerável, então  $X$  é metrizable.

**Questão 2.** (3 pontos) Verdadeiro ou Falso:

- a) Se  $F : \mathbb{R} \rightarrow \mathbb{R}^2$  é contínua e injetiva, então  $G : \mathbb{R} \rightarrow F(\mathbb{R})$ ,  $G(x) := F(x)$  é um homeomorfismo, sendo  $F(\mathbb{R})$  um subespaço de  $\mathbb{R}^2$ .
- b) Se  $X$  é conexo por caminhos, então  $X$  é localmente conexo.
- c) Se  $f : D^2 \rightarrow D^2$  é contínua, então existe  $x \in D^2$  tal que  $f(x) = x$ , onde  $D^2$  é o disco bidimensional fechado de raio um.

**Questão 3.** (2 pontos)

- a) Se  $\alpha : I \rightarrow S^n$ ,  $n > 1$ , caminho fechado e  $\alpha(I) \neq S^n$ , então  $\alpha$  é homotópico a curva constante  $t \mapsto \alpha(0)$ ;
- b) Se  $\alpha : I \rightarrow S^n$ ,  $n > 1$ , caminho fechado, então  $\alpha$  é homotópico a curva constante  $t \mapsto \alpha(0)$  (i.e.  $\pi(S^n)$  é trivial).

**Questão 4.** (2 pontos) Se  $P_i : X_i \rightarrow X$  com  $i \in \{1, 2\}$  é um recobrimento e  $X_1$  e  $X_2$  são simplesmente conexos, então  $X_1$  é homeomorfo a  $X_2$ .

**Questão 5.** (2,5 pontos) Calcule o grupo fundamental do círculo.