

1. Associar cada equação (1 a 12) ao tipo de curva por ela descrita (a a i). Não é necessário justificar. Associações erradas são penalizadas com  $-0.25$  ponto.

- |   |                              |
|---|------------------------------|
| (1) ( $\pm 0.25$ ponto) $\frac{x^2}{16} + \frac{y^2}{25} = 1$ . |                              |
| (2) ( $\pm 0.25$ ponto) $x^2 + y^2 = 1$ .                       | (a) Uma reta.                |
| (3) ( $\pm 0.25$ ponto) $x^2 - y^2 = 1$ .                       | (b) Círculo.                 |
| (4) ( $\pm 0.25$ ponto) $x^2 - y^2 = 0$ .                       | (c) Elipse.                  |
| (5) ( $\pm 0.25$ ponto) $x - y^2 = 0$ .                         | (d) Hipérbole.               |
| (6) ( $\pm 0.25$ ponto) $x - y^2 = 1$ .                         | (e) Parábola.                |
| (7) ( $\pm 0.25$ ponto) $\frac{x}{2} + \frac{y}{4} = 1$ .       | (f) Duas retas paralelas.    |
| (8) ( $\pm 0.25$ ponto) $x^2 + y^2 = 0$ .                       | (g) Um ponto.                |
| (9) ( $\pm 0.25$ ponto) $x^2 + y^2 + 1 = 0$ .                   | (h) Conjunto vazio.          |
| (10) ( $\pm 0.25$ ponto) $x^2 - 1 = 0$ .                        | (i) Duas retas concorrentes. |
| (11) ( $\pm 0.25$ ponto) $(x - y)^2 - 1 = 0$ .                  |                              |
| (12) ( $\pm 0.25$ ponto) $x^2 - 2xy + y^2 = 0$ .                |                              |

2. Considere o cone dado pela equação  $x^2 + y^2 = \alpha^2 z^2$ ,  $\alpha \neq 0$ .

- (a) (1.5 Pontos) Uma esfera de raio  $r$  é encaixada na região interior do cone com  $z > 0$ . Determine a posição do centro da esfera.
- (b) (1.5 Pontos) Uma segunda esfera é acomodada na mesma região. Determine o raio mínimo desta segunda esfera para que ela não toque a primeira.

3. Considere a hipérbole no plano  $(x, y)$  com equação  $2x^2 - y^2 = 1$ .

- (a) (1.5 Pontos) Escreva a equação e esboce o hiperbolóide de uma folha obtido por revolução desta hipérbole.
- (b) (1.5 Pontos) Escreva a equação e esboce o cone contido neste hiperbolóide, obtido por revolução das assíntotas da hipérbole acima.

4. Considere a família de quádricas dada por

$$Q_\alpha = \{(x, y, z) \in \mathbb{R}^3 \mid x^2 - y^2 - 2x + \alpha z^2 - z = 0\}.$$

- (a) (2 Pontos) Classifique as quádricas de acordo com o valor de  $\alpha$ , esboçando os casos distintos.
- (b) (1 Ponto) Para que valores de  $\alpha$  a quádrica em questão será uma superfície regrada? Justifique.